

H₁₁: 10. Laat zien dat de 2-stekproeft-test met α

van $H_0: \mu_x = \mu_y$ v.s. $H_A: \mu_x \neq \mu_y$ de H_0 verwijst \Leftrightarrow het
CI voor $\mu_x - \mu_y$ bevat 0 niet.

$$CI: \bar{X} - \bar{Y} \pm t_{m+n-2} \left(\frac{\alpha}{2} \right) S_{\bar{X}-\bar{Y}} \quad (\text{p. 423})$$

$$S_{\bar{X}-\bar{Y}} = S_p \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{1}{m}}$$

$$S_p^2 = \frac{(n-1)S_x^2 + (m-1)S_y^2}{m+n-2}$$

$$t = \frac{\bar{X} - \bar{Y}}{S_{\bar{X}-\bar{Y}}}$$

verwijst H_0 als $|t| > t_{m+n-2} \left(\frac{\alpha}{2} \right)$

$$\bullet \text{ 0 niet in CI} \Leftrightarrow |\bar{X} - \bar{Y}| > t_{m+n-2} \left(\frac{\alpha}{2} \right) S_{\bar{X}-\bar{Y}} \Leftrightarrow$$

$$\left| \frac{\bar{X} - \bar{Y}}{S_{\bar{X}-\bar{Y}}} \right| > t_{m+n-2} \left(\frac{\alpha}{2} \right) \Leftrightarrow |t| > t_{m+n-2} \left(\frac{\alpha}{2} \right) \Leftrightarrow \text{verwijst } H_0.$$