

Bestaat de limiet?

Of $\lim_{x \rightarrow a} f(x)$ bestaat, hangt af van hoe $f(a)$ is gedefiniëerd.

■ Altijd

■ Soms

■ **Nooit**

De waarde van $f(x)$ in $x=a$
doet er helemaal niets toe!

Bestaat de limiet?

Als $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = 0$ en $\lim_{x \rightarrow a} g(x) = 0$, dan bestaat $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)}$

zeker wel

zeker niet

alleen als $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f'(x)}{g'(x)}$ wel bestaat

dat kun je niet weten

zoek tegenvb.



$\lim_{x \rightarrow 0} \sin \frac{1}{x}$ bestaat niet omdat:

- $\sin \frac{1}{x} = 1$ resp. -1 voor waarden van x willekeurig dicht bij 0;
 - deze functie oscilleert rondom 0, dan kan de lim nooit bestaan;
 - $\frac{1}{0}$ is ongedefinieerd;
- om alle bovenstaande redenen.

$$\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \sin \frac{1}{x}$$

- bestaat niet, want $\sin \frac{1}{x} = 1$ resp. -1 voor waarden van x willekeurig dicht bij 0;
- deze functie oscilleert rondom 0, dan kan de lim nooit bestaan;
- $\frac{1}{0}$ is ongedefinieerd;

□ = 0.



Rekenregels

Als $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = b$ en $\lim_{x \rightarrow a} g(x) = q$ dan

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x)g(x) = bq$$

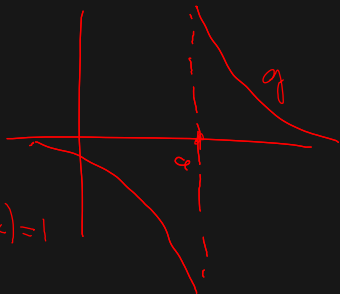
Stel, $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = 0$, en de functie g is gedefiniëerd voor x in een omgeving van a .

Dan geldt $\lim_{x \rightarrow a} f(x)g(x) = 0$.

■ Waar

■ Niet waar

$$f(x) = x - a, \quad g(x) = \frac{1}{x - a}$$
$$f(x)g(x) = 1 \text{ dus } \lim_{x \rightarrow a} f(x)g(x) = 1$$
$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = 0, \quad \lim_{x \rightarrow a} g(x) = \pm \infty$$



Limiet van rationale functie

Zij $f(x) = \frac{x^2 - 9}{x + 3}$ en $g(x) = x - 3$.

1. De functies f en g zijn gelijk. \downarrow
2. f heeft een asymptoot. *Nee*

beide zijn waar

\rightarrow 1 is waar, 2 niet

2 is waar, 1 niet

\rightarrow beide zijn niet waar

$$f(-3) = \text{niet gedef.}$$

$$g(-3) = -6$$

Wet. Gelijk:

$$h(x) = \begin{cases} f(x) & \text{als} \\ & x \neq -3 \\ -6 & \text{als} \\ & x = -3 \end{cases}$$